

1 Intervalle de fluctuation

Si la variable aléatoire X_n suit une loi binomiale $\mathcal{B}(n, p)$ et si l'on se trouve dans les conditions de l'approximation normale de la loi binomiale ($n \geq 30$, $np \geq 5$ et $n(1-p) \geq 5$), on définit alors l'**intervalle de fluctuation asymptotique au seuil de 95 %** par :

$$I_n = \left[p - 1,96 \frac{\sqrt{p(1-p)}}{\sqrt{n}} ; p + 1,96 \frac{\sqrt{p(1-p)}}{\sqrt{n}} \right]$$

Cette intervalle peut éventuellement être simplifié par :

$$J_n = \left[p - \frac{1}{\sqrt{n}} ; p + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$$

2 Prise de décision

Soit f_{obs} la fréquence d'un caractère observée d'un échantillon de taille n d'une population donnée. On suppose que les conditions de l'approximation normale de la loi binomiale sont remplies : $n \geq 30$, $np \geq 5$ et $n(1-p) \geq 5$.

Hypothèse :

La proportion du caractère étudié dans la population est p .

Soit I_n l'intervalle de fluctuation asymptotique au seuil de 95 %.

- Si $f_{\text{obs}} \in I_n$; on ne peut rejeter l'hypothèse faite sur p .
- Si $f_{\text{obs}} \notin I_n$; on rejete l'hypothèse faite sur p .

3 Estimation - Intervalle de confiance

Pour des raisons de coût et de faisabilité, on ne peut étudier un certain caractère sur l'ensemble d'une population. La proportion p de ce caractère est donc inconnue.

On cherche alors à estimer p à partir d'un échantillon de taille n . On calcule alors la fréquence f_{obs} des individus de cet échantillon ayant ce caractère.

On observe la fréquence f_{obs} sur un échantillon de taille n . On appelle **intervalle de confiance de 95%** l'intervalle :

$$\left[f_{\text{obs}} - \frac{1}{\sqrt{n}} ; f_{\text{obs}} + \frac{1}{\sqrt{n}} \right]$$

Si l'on souhaite encadrer p dans un intervalle de longueur a , on doit avoir : $n \geq \frac{4}{a^2}$